

МЕТАСТАБИЛЬНЫЕ СОСТОЯНИЯ ДИФФУЗНОГО НЕЙТРАЛЬНОГО СЛОЯ И ВЗРЫВНАЯ ФАЗА СУББУРИ

А.А.Галеев, Л.М.Зеленый

В работе рассмотрена нелинейная теория разрывных неустойчивостей диффузного нейтрального слоя, возникающих из-за резонансного взаимодействия с электронами или ионами. Показано, что в достаточно тонких слоях возможно возникновение метастабильных состояний по отношению к раскачке ионной неустойчивости. Полученные результаты могут быть использованы для теоретического объяснения взрывной фазы магнитосферных суббури.

Высвобождение энергии, запасенной в конфигурациях плазмы с самосогласованным магнитным полем с диффузным нейтральным слоем (например, в хвосте магнитосферы Земли) связывают с развитием разрывной моды неустойчивости плазмы [1].

Как было показано в [2] квазилинейные эффекты оказывают слабое влияние на развитие неустойчивости, так что возмущения дорастают до амплитуд, при которых следует учитывать нелинейные эффекты. Наиболее важным нелинейным эффектом является качественное изменение траекторий частиц в магнитном поле возмущения конечной амплитуды в узкой зоне вблизи нейтрального слоя, где плазма незамагничена и частицы могут эффективно обмениваться энергией с возму-

щением. При наложении большого числа мод с различными направлениями распространения в плоскости нейтрального слоя нелинейный эффект влияния магнитного поля возмущений на траектории частиц можно заменить эффектом наличия постоянной вертикальной к слою компоненты магнитного поля. Решение задачи об устойчивости нейтрального слоя с малой вертикальной компонентой важно также для определения момента формирования нейтральной линии в сильно сжатом хвосте магнитосферы Земли.

Если отношение нормальной компоненты магнитного поля B_z к невозмущенному полю B_{∞} является величиной более высокого порядка малости, чем используемый параметр разложения ρ_i / L (ρ_i – ларморский радиус иона, L – характерный размер слоя), то в качестве равновесного состояния мы можем рассматривать хорошо известную конфигурацию Харриса [3]

$$B_x = B_{\infty} \operatorname{th}(z/L) , \quad n = \frac{n_{\infty}}{\operatorname{ch}^2(z/L)} , \quad (1)$$

которая соответствует функциям распределения частиц по скоростям, имеющим постоянный сдвиг по y -компоненте скорости во всем нейтральном слое.

В этом случае задача об устойчивости плазмы относительно возмущений с векторным потенциалом:

$$A_y(r, z, t) = A(z) e^{-i \omega t + i kr} \quad (2)$$

сводится к решению задачи на собственные значения частоты для уравнения типа уравнения Шредингера:

$$\frac{d^2 A}{dz^2} - [k^2 + V_{\infty}(z) + \sum_{j=i,e} V_j^<(z; \omega, k)] A = 0 , \quad (3)$$

где :

$$V_{\infty} = -2L^{-2} \operatorname{ch}^{-2}(z/L) ,$$

$$V_j^< = \begin{cases} 0, & |z| > d_j \equiv \sqrt{\rho_j L} \\ \frac{2\omega_{pj}^2}{c^2} \int_{-\infty}^{\infty} xe^{-x} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} J_n'^2(\Lambda \sqrt{x}) dx \frac{\omega}{\omega - n\Omega_j + i0}, & |z| < d_j \end{cases}$$

$$\omega_{pj}^2 = \frac{4\pi e_j^2 n_{\infty}}{m_j} , \quad \Lambda^2 = \frac{2k^2 T_j}{m_j \Omega_j^2} , \quad \Omega_j = \frac{e_j B_z}{m_j c} , \quad \rho_j^2 = \frac{2m_j c^2 T_j}{e_j^2 B_{\infty}^2}$$

J_n' – производная функция Бесселя по аргументу. Мы видим, что эффективная потенциальная энергия имеет форму мелкой ямы с высоким и

узким потенциальным барьером в середине ее (рис. 1), обязанным вкладу частиц из узкой области вблизи нейтрального слоя. В пределе плоского нейтрального слоя ($B_z \equiv 0$) суммирование по "n" в уравнении (3) легко выполняется, и мы получаем:

$$V_j^< = - \frac{i \pi^{1/2} \omega}{|k| v_{Tj}} \frac{\omega_{pj}^2}{c^2}. \quad (4)$$

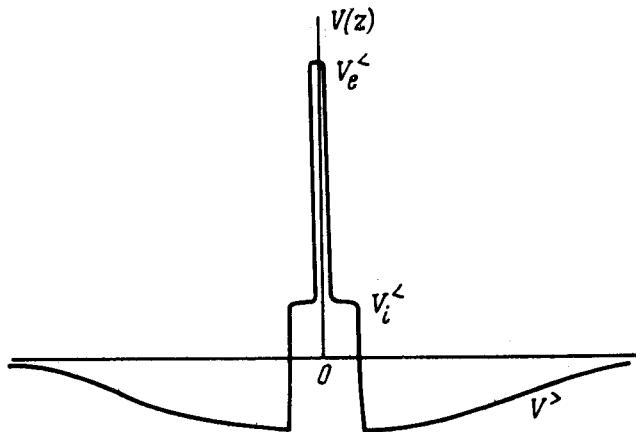


Рис. 1. Форма эффективного потенциала $V_<(z)$

Мы видим, что предельная высота барьера¹⁾

$$V_e^< d_e L < 1, \quad (5)$$

при котором в мелкой потенциальной яме $V_<(z)$ все еще имеется уровень "энергии" $-k^2 \sim -L^{-2}$, определяет максимальный инкремент электронной ветви неустойчивости $\gamma_e \approx k v_{Te} (\rho_e / L)^{3/2}$. При увеличении нормальной к слою компоненты магнитного поля при условии $\Omega_e > \gamma_e$ становится невозможным Черенковское взаимодействие электронов с возмущением. Одновременно, нарушается условие (5) наличия отрицательного уровня энергии " $-k^2$ " в широком интервале значений нормальной компоненты поля (рис. 2)

$$\epsilon_e^{5/2} \left(1 + \frac{T_i}{T_e}\right) \approx b_{1e} < b \equiv \frac{B_z}{B_<} < b_{2e} = \epsilon_e^{1/4} \left(1 + \frac{T_i}{T_e}\right)^{-1/2}. \quad (6)$$

Совершенно аналогично в интервале $b_{1i} < b < b_{2i}$ происходит вытеснение уровня из-за частичной непроницаемости потенциального барьера $V_i^<$. Если параметры плазмы таковы, что $b_{1i} > b_{2e}$, то в "щели" $b_{2e} < b < b_{1i}$ финитное возмущение существует и эффективно взаимодействует с ионами, что приводит к неустойчивости с инкрементом $\gamma_i \sim (\rho_i / L)^{3/2} v_{Ti} / L$ (рис. 2).

¹⁾Заметим, что уровни с $k^2 \rightarrow 0$ исчезают лишь при полной непрозрачности барьера, т. е. $V_e \sim d_e^{-2}$. Однако столь длинноволновые возмущения не могут развиваться в нейтральном слое конечной длины $\sim L$.

Полная диаграмма устойчивости плазмы в плоскости параметров (b , ϵ_i) изображена на рис. 3. Метастабильные состояния при $b < b_{2e}$ являются неустойчивыми по отношению к возмущениям конечной амплитуды, выводящим параметр b в неустойчивую "щель". Наличие таких состояний, по-видимому, играет определяющую роль в процессах быстрой спонтанной перестройки топологии хвоста магнитосферы Земли, происходящих во время суббури. Согласно измерениям со спутников [4] на подготовительной стадии суббури происходит уменьшение нормальной к слою компоненты магнитного поля и утончение плазменного слоя,

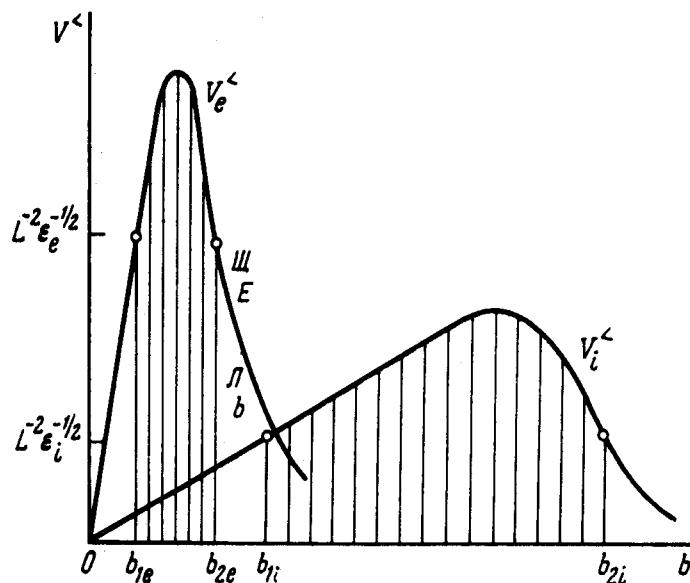


Рис. 2. Зависимость высоты потенциального барьера от нормальной компоненты поля

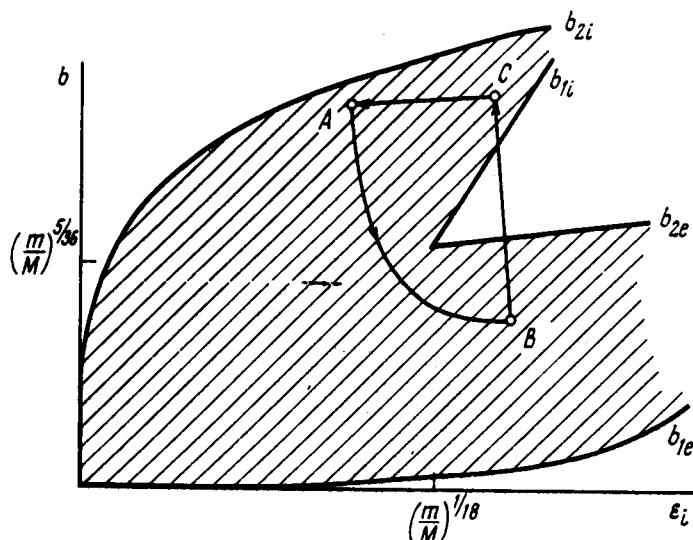


Рис. 3. Диаграмма устойчивости (область устойчивости заштрихована)

так что система переходит в метастабильное состояние *B* под щелью, откуда она имеет возможность спонтанно перейти в состояние *C* (рис. 3). Этот механизм быстрой спонтанной перестройки хвоста магнитосферы значительно облегчает построение теории взрывной фазы суббурь на основе разрывной неустойчивости нейтрального слоя [5, 6].

Авторы благодарят академика Р.З.Сагдеева за внимание к работе и полезные советы.

Институт космических исследований
Академии наук СССР

Поступила в редакцию
27 июня 1975 г.

Литература

- [1] G.Laval, R.Pellat, M.Vuillemin. Plasma Phys. and Contr. Nucl. Fusion Res. 2 IAEA, Vienna, 1966.
- [2] А.А.Галеев, Л.М.Зеленый. ЖЭТФ, 69, 882, 1975.
- [3] E.G.Harris. Nuovo Cim., 23, 115, 1962.
- [4] C.T.Russell, R.L.Mc Pherron. Space Sci. Rev., 15, 205, 1973.
- [5] B.Coppi, G.Laval, R.Pellat. Phys. Rev. Lett., 16, 1207, 1966.
- [6] K.Shindler. J.Geophys. Res., 79, 2803, 1974.